

# Berufsmaturitätsschulen

Kanton Bern

## Nachaufnahmeprüfung BM1 und BM2 2021

### Mathematik

Name \_\_\_\_\_ Vorname \_\_\_\_\_

Kand.-Nr. \_\_\_\_\_ Prüfende Schule \_\_\_\_\_

BM 1 Typ \_\_\_\_\_ BM 2 Typ \_\_\_\_\_

Datum **Samstag, 8. Mai 2021**

Zeit **75 Minuten**

Hilfsmittel **Schreibzeug, Geodreieck, Lineal, Zirkel,  
Taschenrechner ohne CAS, ohne Solver-Funktion, nicht grafikfähig**

**Bemerkungen** Die Aufgaben sind unter Angabe aller Berechnungen und Begründungen direkt auf diese Blätter zu lösen. Schreiben Sie die Ergebnisse in die jeweiligen Kästchen. Achten Sie auf eine saubere Darstellung. Die Seiten 14-16 stehen Ihnen bei Platzmangel zusätzlich zur Verfügung.

Aufgaben	Richtzeit	Bemerkungen	Maximale Punktzahl	Erreichte Punktzahl
1	12 min		6	
2	12 min		6	
3	12 min		6	
4	12 min		6	
5	12 min		6	
6	12 min		6	
		<b>Total</b>	<b>36</b>	

Expert\*innen \_\_\_\_\_

Note

**Aufgabe 1**

1a)-d): je 1 Punkt, 1e): 2 Punkte

- 1a) Schreiben Sie das Resultat als gewöhnlichen und vollständig gekürzten Bruch.  
**Ein schrittweiser Lösungsweg** muss ersichtlich sein.

$$\frac{1}{6} + 4 : \frac{15}{2} =$$

Lösung 1a)

- 1b) Multiplizieren Sie aus und vereinfachen Sie.

$$(7 + 3h)(2h - 3) =$$

Lösung 1b)

- 1c) Zerlegen Sie in ein Produkt.

$$a^2 - 22a - 48 =$$

Lösung 1c)

1d) Kürzen Sie vollständig.

$$\frac{b^3 - 5b^2w}{b^2 - 10bw + 25w^2} =$$

**Lösung 1d)**

1e) Lösen Sie die Gleichung nach  $x$  auf und bestimmen Sie die Lösungsmenge in der Grundmenge  $G = \mathbb{R}$ .

$$7 - 3(2x - 5) = 5(2x + 1) - 8x$$

**Lösung 1e)**

Erreichte Punkte Aufgabe 1:

## **Aufgabe 2**

2a)-d): je 1 Punkt, 2e): 2 Punkte

Eine Schweizer Bank berechnet die Kosten für eine Bankkarte wie folgt: Für das Ausstellen der Bankkarte wird eine Grundgebühr von CHF 25. – verrechnet. Jeder Bargeldbezug an einem Bankomaten kostet CHF 3.20.

- 2a) Nach welcher Anzahl Bargeldbezüge an einem Bankomaten steigen die Kosten für die Bankkarte erstmals über CHF 100. –.

**Lösung 2a)**

- 2b) Geben Sie einen Term an, welcher aus der Anzahl Bargeldbezüge  $x$  an einem Bankomaten die Kosten  $y$  (in CHF) der Bankkarte berechnet.

**Lösung 2b)**  $y =$

In der Bank werden Einfrankenmünzen in Münzrollen verpackt.  
Jede Münze kann entweder mit der Zahl nach oben oder nach unten in die Rolle eingefüllt werden.



- 2c) Wie viele Möglichkeiten gibt es, die ersten 3 Münzen in die Münzrolle einzufüllen?

**Lösung 2c)**

2d) Wie viele Möglichkeiten gibt es, die ersten 6 Münzen in die Münzrolle einzufüllen?

Lösung 2d)

2e) Eine Bank in der Schweiz hat im Mai 2018 und im Mai 2020 je 50 Bürotische bei einer Firma in Deutschland eingekauft. Die deutsche Firma verkaufte die 50 Bürotische beide Male zum gleichen Preis von 14450 €. Begründen Sie, in welchem Jahr die Bank die 50 Bürotische günstiger erwerben konnte, indem Sie den jeweiligen Kaufpreis (in CHF) zu den beiden Daten angeben. Beziehen Sie in Ihrer Begründung das folgende Diagramm zu den Wechselkursen mit ein. Auf der vertikalen Achse ist der Wert von 1 € in CHF abgetragen.

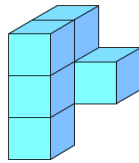


Erreichte Punkte Aufgabe 2:

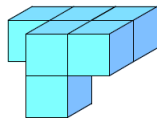
**Aufgabe 3**

3a)b): je 2 Punkte, 3c)d): je 0.5 Punkte, 3e): 1 Punkt

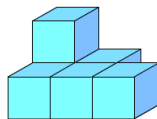
3a) Die abgebildeten Körper sind aus Würfeln aufgebaut. Jeder Körper der linken Spalte ist identisch zu genau einem Körper der rechten Spalte. Bestimmen Sie die vier Paare von identischen Körpern.



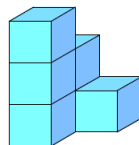
K1



K2

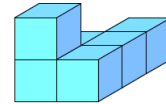


K3

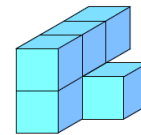


K4

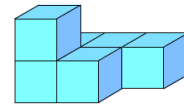
A



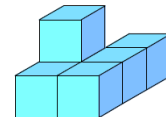
B



C



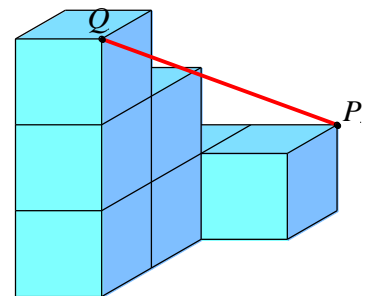
D



**Lösung 3a)**

K1 ist identisch zu ...  
 K2 ist identisch zu ...  
 K3 ist identisch zu ...  
 K4 ist identisch zu ...

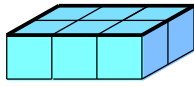
3b) Der abgebildete Körper ist aus Würfeln mit der Seitenlänge  $s = 1$  cm aufgebaut. Bestimmen Sie die Länge der Strecke  $\overline{PQ}$ . Geben Sie das Resultat als Dezimalzahl mit drei Nachkommastellen an.



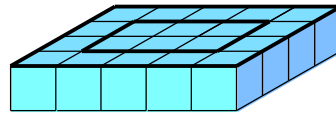
**Lösung 3b)**

cm

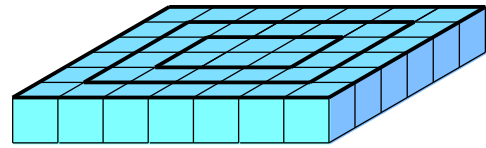
Tag für Tag werden Granitwürfel gemäss den folgenden Skizzen zu einem rechteckigen Platz gepflastert:



nach Tag 1



nach Tag 2



nach Tag 3

3c) Aus wie vielen Granitwürfeln besteht der Platz nach Tag 4?

Lösung 3c)

Granitwürfel
--------------

3d) Aus wie vielen Granitwürfeln besteht der Platz nach Tag 8?

Lösung 3d)

Granitwürfel
--------------

3e) Aus wie vielen Granitwürfeln besteht der Platz nach Tag  $x$ ?

Lösung 3e)

Granitwürfel
--------------

Erreichte Punkte Aufgabe 3:

--

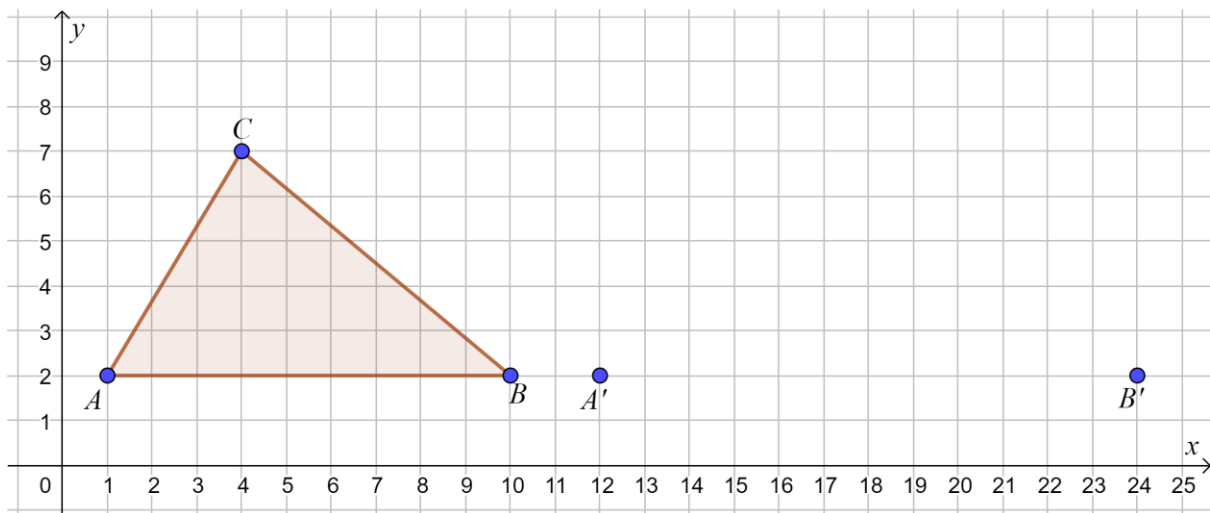
**Aufgabe 4**

4a)-d): je 1 Punkt, 4e): 2 Punkte

Im abgebildeten Koordinatensystem wird das Dreieck  $ABC$  so mit dem Streckfaktor  $k = \frac{4}{3}$  gestreckt, dass das Bilddreieck  $A'B'C'$  entsteht. Die Koordinaten der folgenden Punkte sind gegeben:

$A = (1|2)$  ,  $B = (10|2)$  ,  $C = (4|7)$   
 $A' = (12|2)$  ,  $B' = (24|2)$

Häuschenlänge/-breite: 1 cm



Geben Sie die Resultate als Dezimalzahlen mit drei Nachkommastellen an.

4a) Bestimmen Sie den Flächeninhalt des Dreiecks  $ABC$ .

Lösung 4a)

cm <sup>2</sup>
-----------------

4b) Bestimmen Sie den Flächeninhalt des Dreiecks  $A'B'C'$ .

Lösung 4b)

cm <sup>2</sup>
-----------------

4c) Bestimmen Sie die Koordinaten des Punktes  $C'$ .

Lösung 4c)

$C' = ( \quad   \quad )$
--------------------------

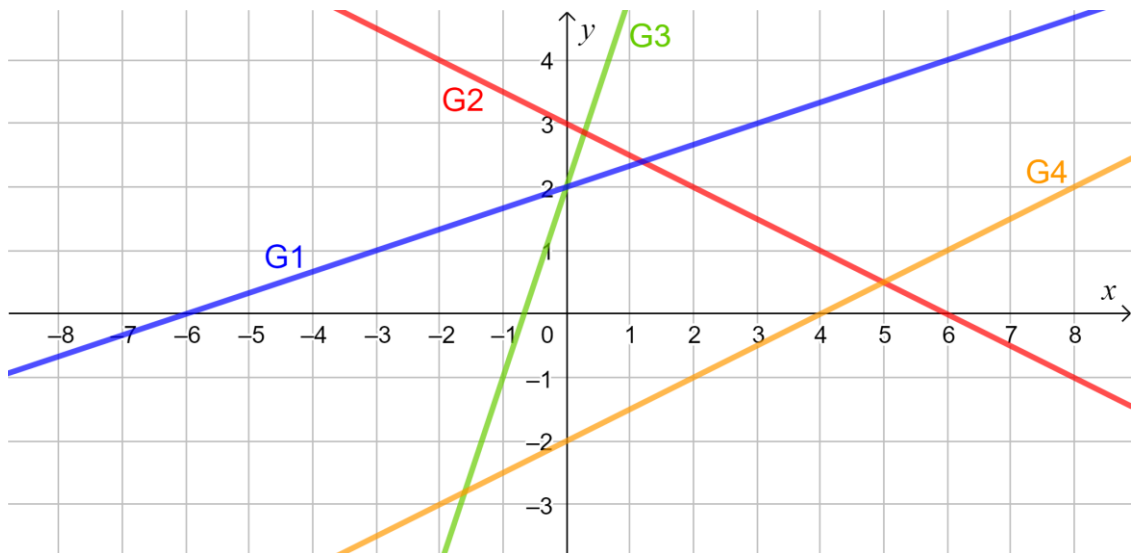


- 4d) Vom Quadrat  $PQRS$  sind die Eckpunkte  $P = (-6|5)$ ,  $Q = (34|1)$  und  $R = (38|41)$  gegeben. Bestimmen Sie die Koordinaten des Eckpunktes  $S$ .

Lösung 4d)

$S = ( \quad | \quad )$

- 4e) Im abgebildeten Koordinatensystem sind die Funktionsgraphen G1 bis G4 gegeben. Ordnen Sie in der untenstehenden Tabelle jedem Funktionsgraphen die entsprechende Funktionsgleichung durch Ankreuzen zu.



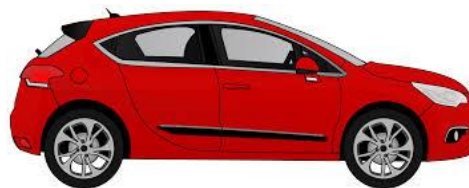
	$f(x) = 2x + \frac{1}{3}$	$f(x) = 2x - 3$	$f(x) = 3x - 2$	$f(x) = 3x + 2$	$f(x) = \frac{1}{3}x + \frac{1}{2}$	$f(x) = \frac{1}{3}x + 2$	$f(x) = \frac{1}{2}x - 2$	$f(x) = -\frac{1}{2}x + 3$	$f(x) = \frac{2}{3}x - 3$	$f(x) = \frac{2}{3}x + 3$
G1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
G2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
G3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
G4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

Erreichte Punkte Aufgabe 4:

### Aufgabe 5

5a): 4 Punkte, 5b): 2 Punkte

5a) Auf einem grossen Parkplatz sind Velos und Autos parkiert. Es darf davon ausgegangen werden, dass jedes Velo genau zwei Räder und jedes Auto genau vier Räder hat. An vier Wochentagen werden die Anzahl parkierter Fahrzeuge erfasst und in den untenstehenden Texten beschrieben. Der Zufall will es, dass an jedem Wochentag immer genau 420 Räder auf dem Platz vorhanden sind.



#### Montag

Auf dem Platz sind gleich viele Velos wie Autos parkiert.

#### Dienstag

Die Anzahl der parkierten Autos ist 3-mal so gross wie die Anzahl der parkierten Velos.

#### Mittwoch

Auf dem Platz sind 3 Autos mehr vorhanden als Velos.

#### Donnerstag

Die Anzahl Autos ist um 3 kleiner als die Hälfte der Anzahl Velos.

Die Variable  $x$  steht für die Anzahl Velos.

Ordnen Sie jedem Text die entsprechende Gleichung durch Ankreuzen zu.

	$x + x = 420$	$2x + 4x = 420$	$2x + 4 \cdot 3x = 420$	$2 \cdot 3x + 4x = 420$	$2 \cdot \frac{1}{3}x + 4x = 420$	$x + (x + 3) = 420$	$2x + 4(x + 3) = 420$	$2(x - 3) + 4x = 420$	$2 \cdot \frac{1}{2}x + 4(x - 3) = 420$	$2x + 4(\frac{1}{2}x - 3) = 420$
Montag	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
Dienstag	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
Mittwoch	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
Donnerstag	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

- 5b) Am Montag radelt Frau Berger jeweils mit dem Velo zur Arbeit und braucht dazu 0.5 h.  
Am Dienstag legt sie den gleichen Arbeitsweg mit dem Auto in 0.2 h zurück.  
Die Durchschnittsgeschwindigkeit am Montag ist  $28 \frac{\text{km}}{\text{h}}$  kleiner als am Dienstag.  
Mit welcher Durchschnittsgeschwindigkeit radelt Frau Berger am Montag zur Arbeit?  
Geben Sie das Resultat als Dezimalzahl mit drei Nachkommastellen an.

**Lösung 5b)**

$\frac{\text{km}}{\text{h}}$

Erreichte Punkte Aufgabe 5:

**Aufgabe 6**

6a)d): je 2 Punkte, 6b)c): je 1 Punkt

Für die folgenden Aufgaben werden Rädli-Biskuits betrachtet:



6a) Die Grössen von verschiedenen Merkmalen von Rädli-Biskuits sind gegeben.

Wandeln Sie in die vorgegebene Einheit um.

Merkmal	Grösse	Umwandlung
Masse einer Packung	210000 mg	kg
Volumen einer Packung	0.4787 dm <sup>3</sup>	cm <sup>3</sup>
Dichte in der Packung	0.439 t/m <sup>3</sup>	t/dm <sup>3</sup>

Wandeln Sie in die vorgegebene Einheit um und geben Sie das Resultat in der anderen Schreibweise an.

Merkmal	Dezimalzahl	Wissenschaftliche Schreibweise
Backzeit	0.2 h	sec
Oberfläche einer Packung	43600 mm <sup>2</sup>	m <sup>2</sup>
Energie	kJ	4.25 · 10 <sup>6</sup> J

6b) Eine Packung Rädli-Biskuits kostet normalerweise CHF 1.90. Im momentanen Wochenangebot wird der Preis um 50% reduziert. Wie viel kostet die Packung in dieser Woche?

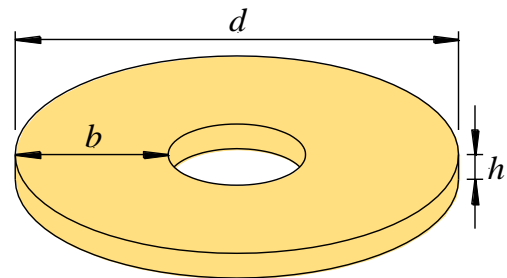
Lösung 6b) CHF

- 6c) Eine Packung Rädli-Biskuits kostet normalerweise CHF 1.90. Eine Verkaufsstelle bietet im Sparangebot drei Packungen zu einem Preis von CHF 4. – an.  
Um wie viel Prozent wurde der Preis reduziert?  
Geben Sie das Resultat als Dezimalzahl mit drei Nachkommastellen an.

Lösung 6c)

 %

- 6d) Das nebenstehende Bild zeigt ein Modell eines Rädli-Biskuits.  
Der Kreisdurchmesser  $d = 5.4$  cm, die Kreisringbreite  $b = 1.9$  cm und die Höhe  $h = 0.3$  cm sind gegeben. Berechnen Sie das Volumen des Modells eines Rädli-Biskuits.  
Geben Sie das Resultat als Dezimalzahl mit drei Nachkommastellen an.



Lösung 6d)

  $\text{cm}^3$ 

Erreichte Punkte Aufgabe 6:





